

# Fusion et fissuration du béton en cas d'interaction corium-béton

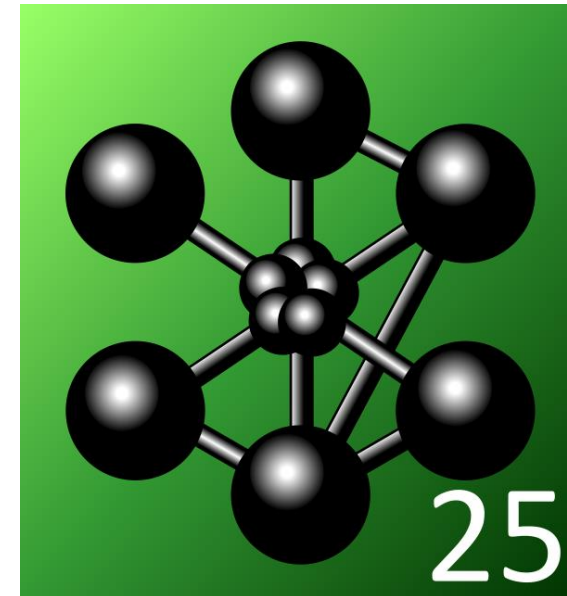
Club Cast3M

Clément Pionneau<sup>1</sup>

Directeurs de thèse : Ludovic Jason<sup>1</sup> et Natalie Seiler<sup>2</sup>  
Encadrant de thèse : Christopher Nahed<sup>1</sup>

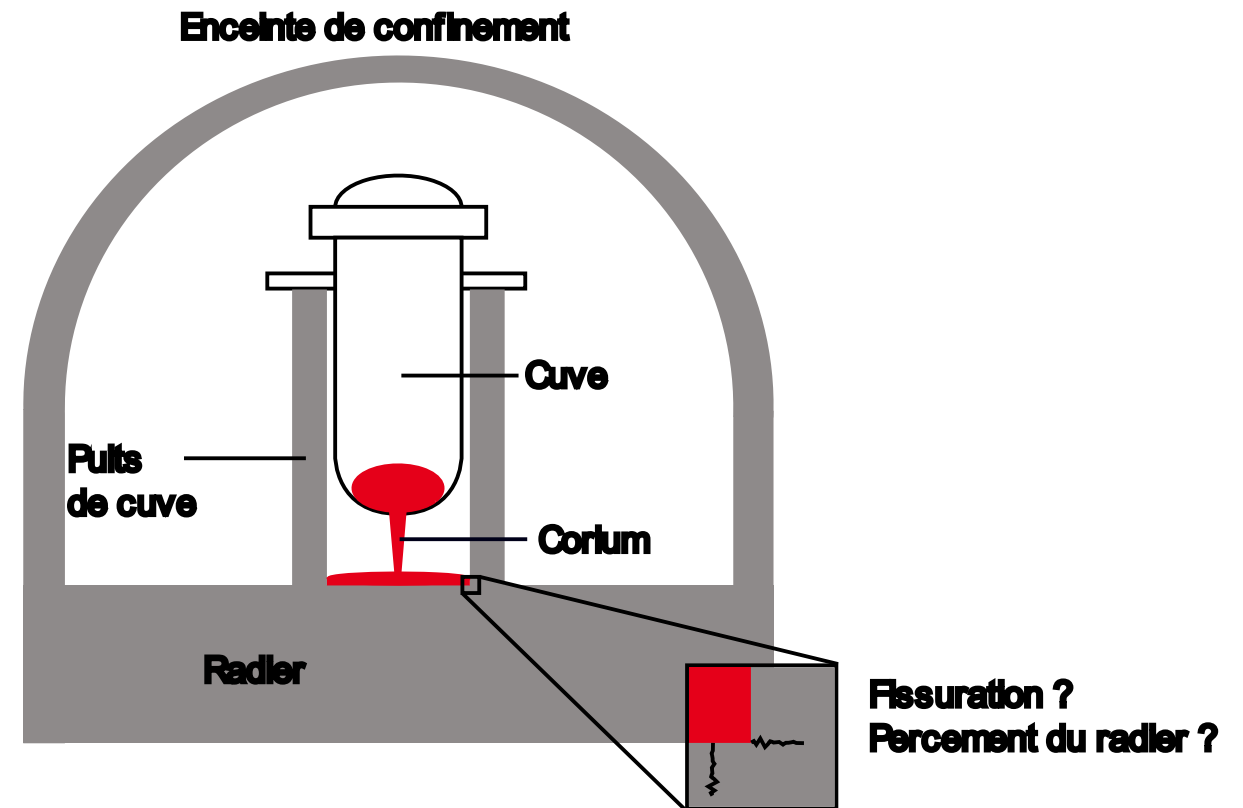
<sup>1</sup>Université Paris-Saclay, CEA, Service d'Étude Mécanique et Thermique, 91191, Gif-sur-Yvette, France

<sup>2</sup>CEA, DES, IRESNE, Cadarache, F-13108 Saint Paul-Lez-Durance, France



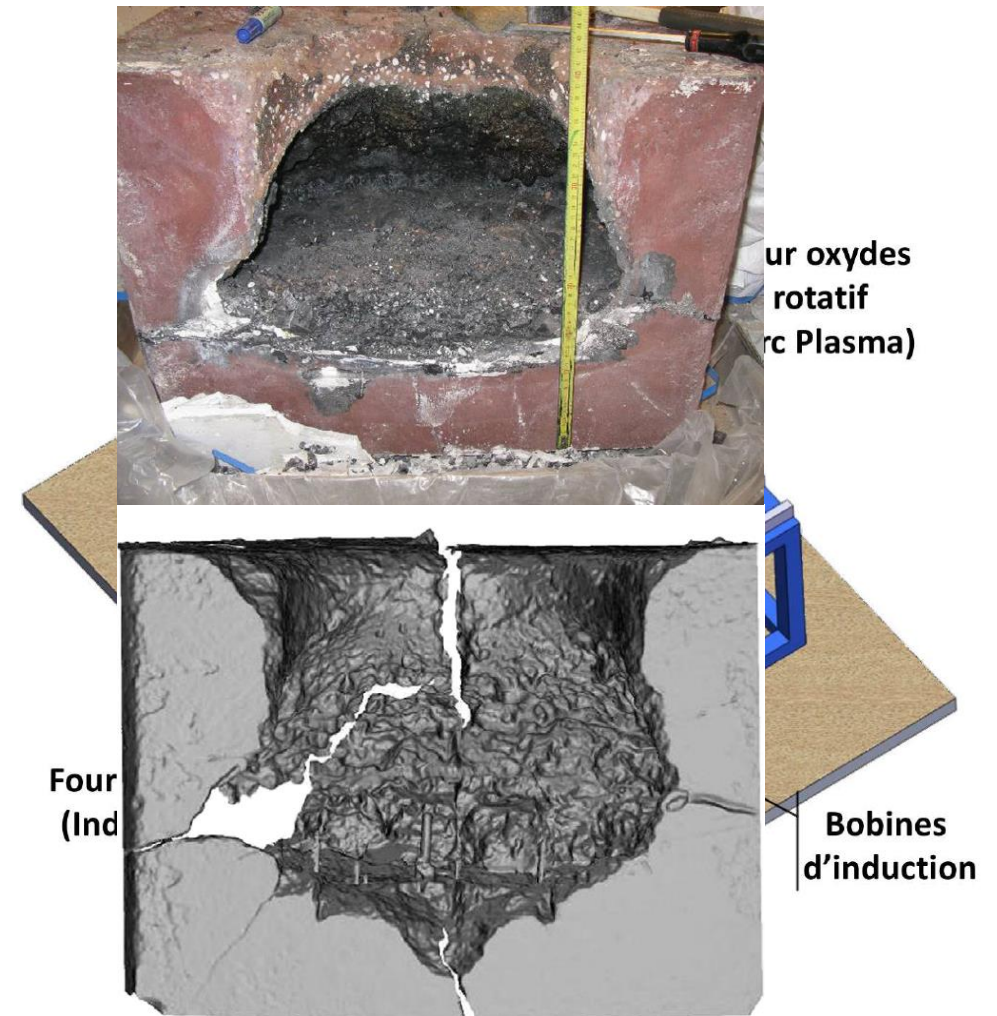
# Contexte

- Enceinte de confinement et radier en béton :
  - Ultime barrière en cas d'accident grave
- Interaction corium béton → dégradation du béton :
  - Thermique
  - Chimique
  - Mécanique
- ASNR demande des dispositions afin d'éviter le percement du radier



# Contexte

- Collaboration avec le CEA de Cadarache :
  - Plateforme : Vulcano-ICB
  - Expérience petite échelle : VB-U7
  - Corium représenté par un mélange d'oxydes
  - Chauffage par induction
  - Rupture du creuset
- Objectifs :
  - Reproduction numérique de VB-U7
  - Contextualiser avec Fukushima
- Bibliographie :
  - Pas d'étude explicite publiée



INSTALLATION VULCANO-ICB  
VULCANO VB-U7 experiment on interaction between oxidic  
Mécanismes de dégradation des bétons lors de  
l'interaction Corium-Béton, CEA-Masteri

# Plan

- 1. Méthodologie**
- 2. Mise en place dans Cast3M**
- 3. Résultats**
- 4. Comparaison avec l'expérience**
- 5. Conclusion et perspectives**



# 1. Méthodologie

# Comportement

- Thermique : équation de la chaleur

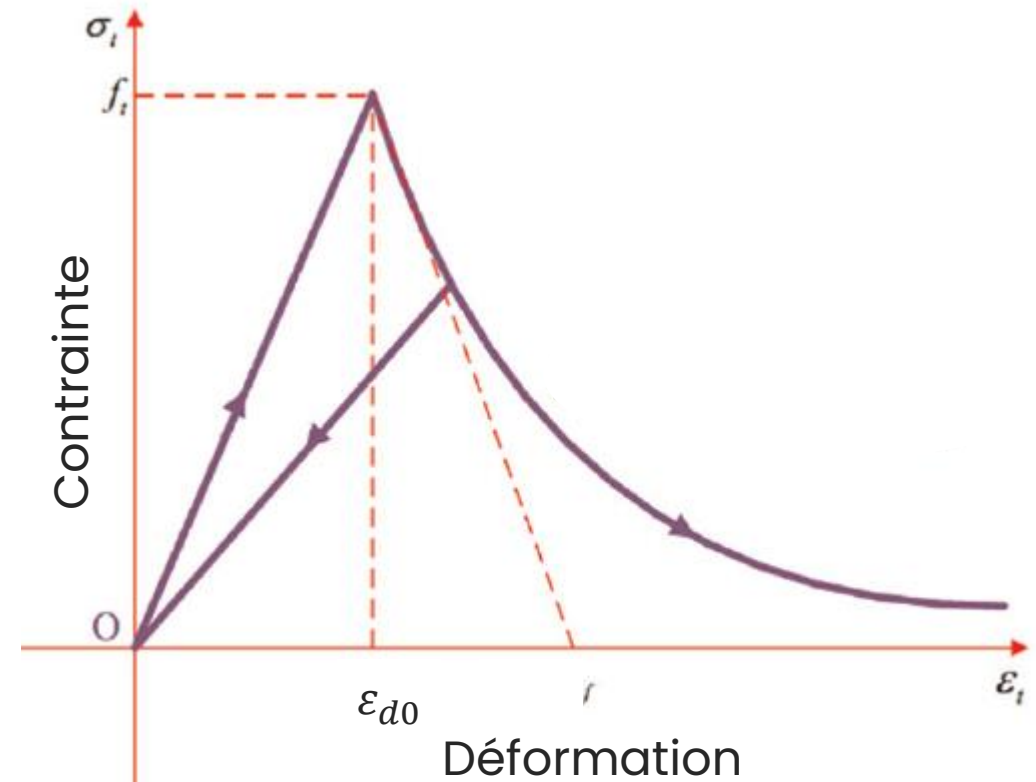
$$\rho c_p(T) \frac{\partial T}{\partial t} + \text{div}(-\lambda(T) \cdot \underline{\text{grad}} T) = 0$$

- Mécanique : modèle de Mazars régularisé en traction

- $\underline{\sigma} = (1 - d)\mathbf{C} : \underline{\varepsilon}, d \in [0, 1]$

- $d = f\left(\varepsilon_{eq}(t), \max_{\tau < t} \varepsilon_{eq}(\tau)\right), t : \text{temps}$

- $\varepsilon_{eq} = \gamma \sqrt{\sum_{i=1}^3 \langle \varepsilon_i \rangle_+^2}$

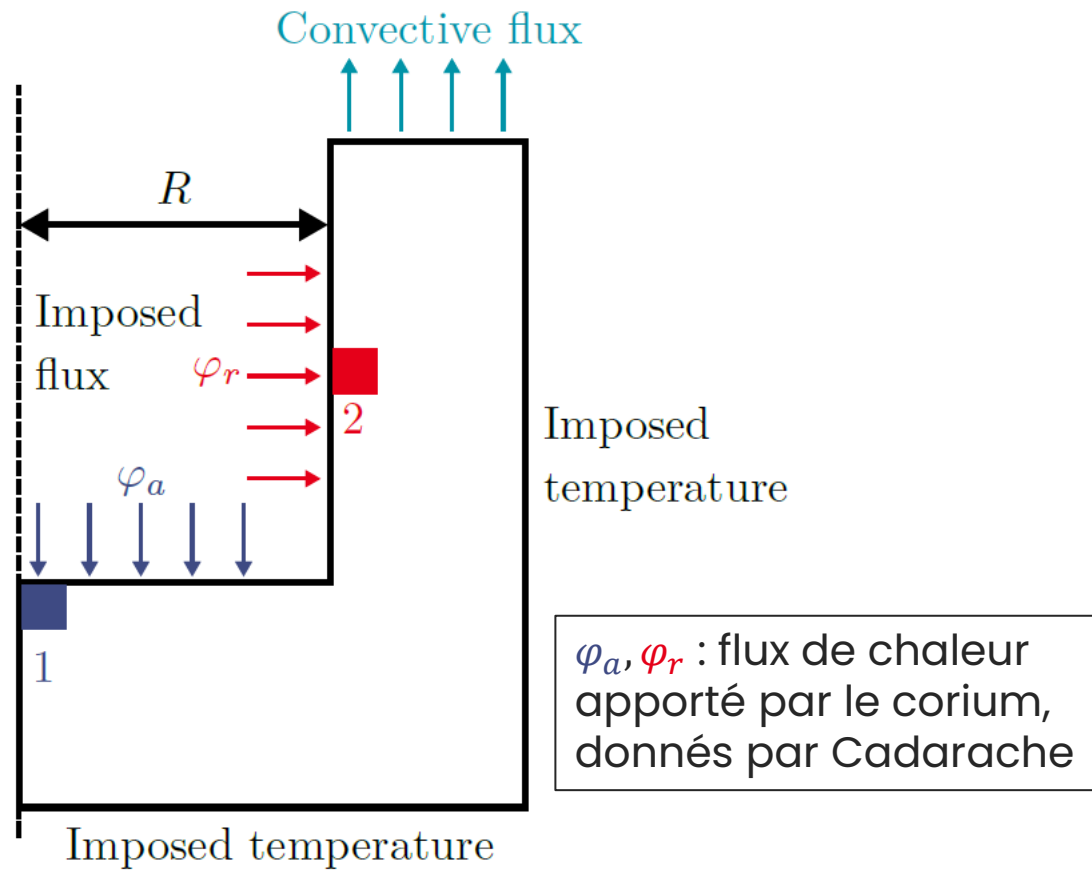


Essai de traction uniaxiale

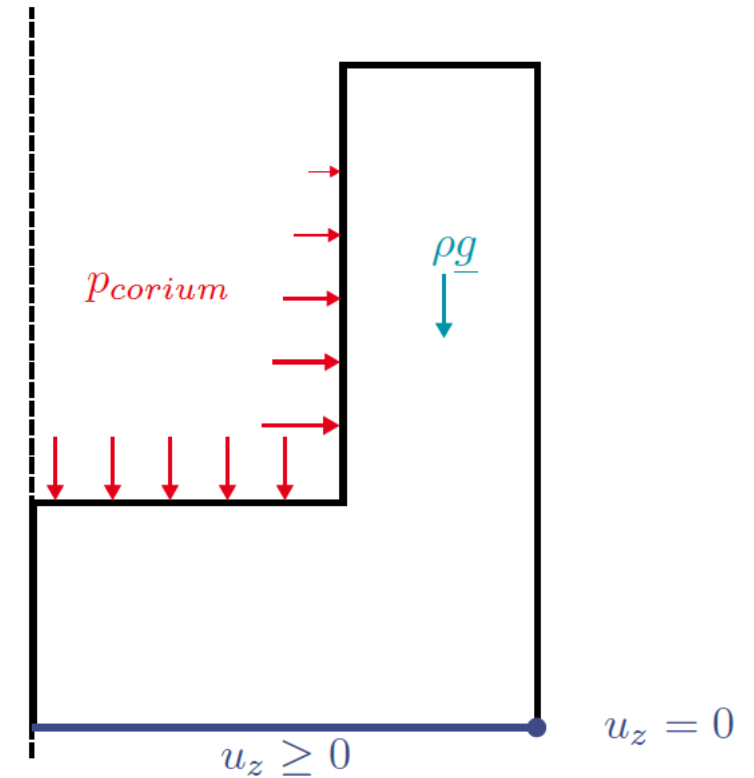
Source : [An effective model for analysis of reinforced concrete members and structures under blast loading](#)

# Géométrie, conditions limites et chargement

Modèle thermique

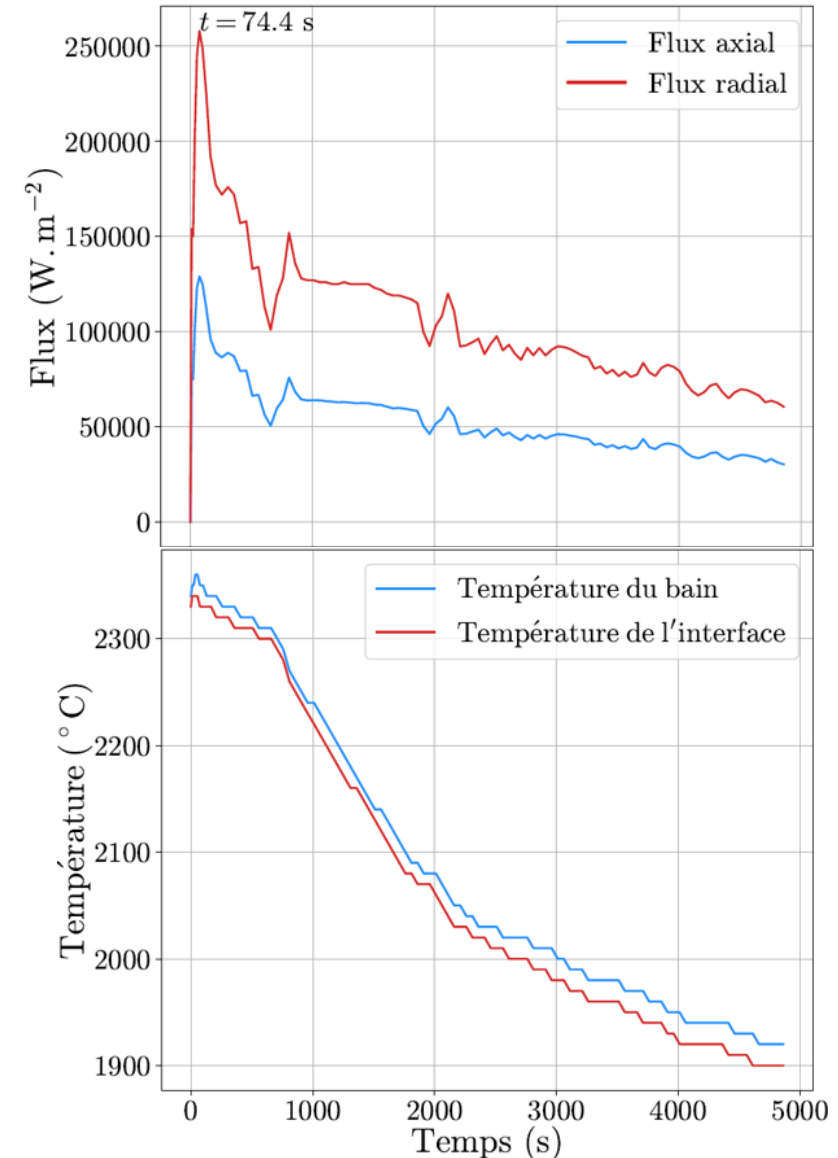


Modèle mécanique



# Données

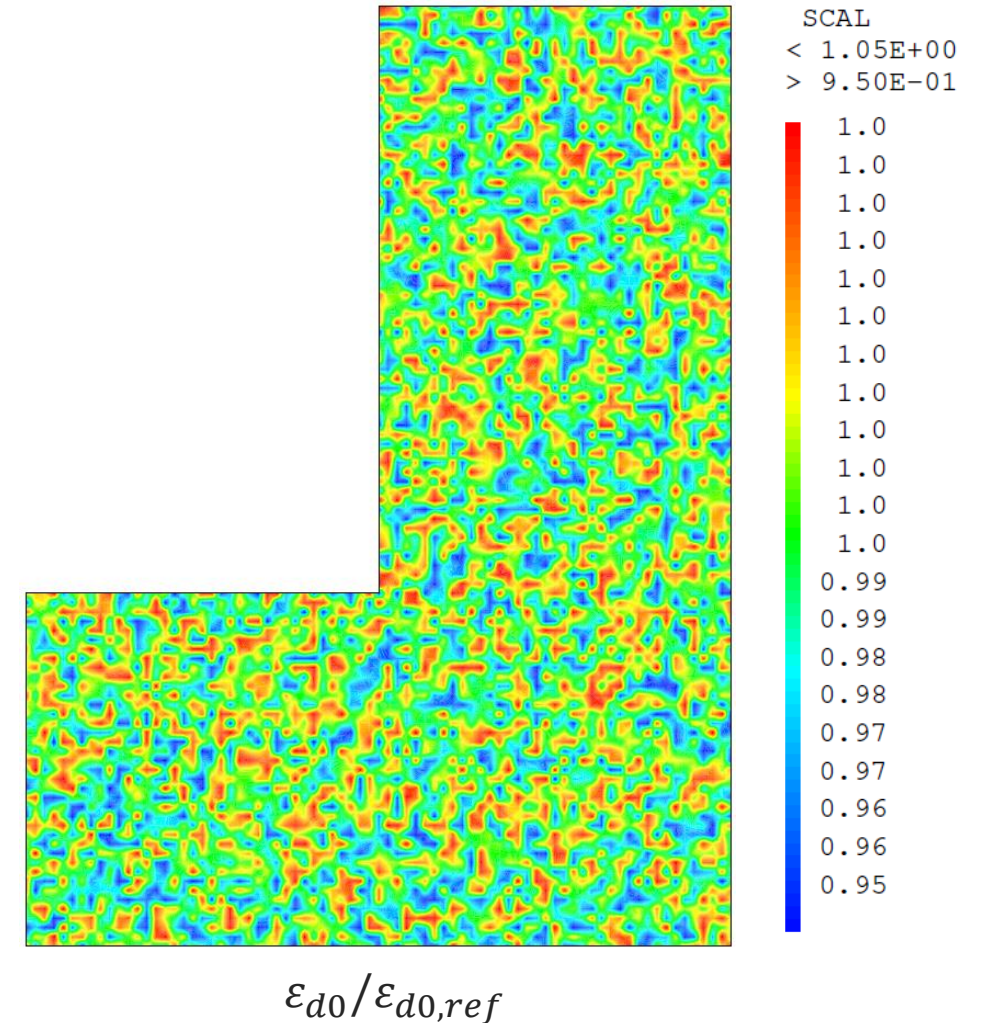
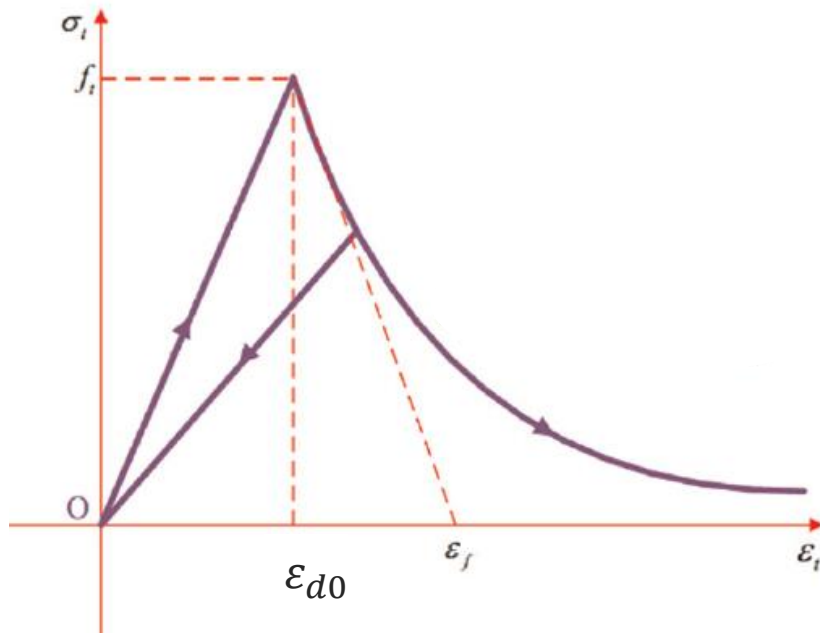
- Propriétés matérielles :
  - $\rho, c_p(T), \lambda(T) \rightarrow$  fournies
  - enthalpie d'ablation  $h_{abla}$   $\rightarrow$  fourni
  - Mécanique  $\rightarrow$  Eurocode 2 – Calcul du comportement au feu
- Répartition des enthalpies de changement d'état / transformation chimique :
  - $c_p^*(T) := c_p(T) + \frac{1}{T_{abla} - T_{ini}} \left( h_{abla} - \int_{T_{ini}}^{T_{abla}} c_p(\theta) d\theta \right)$
- Chargement :
  - Flux à l'interface corium-béton





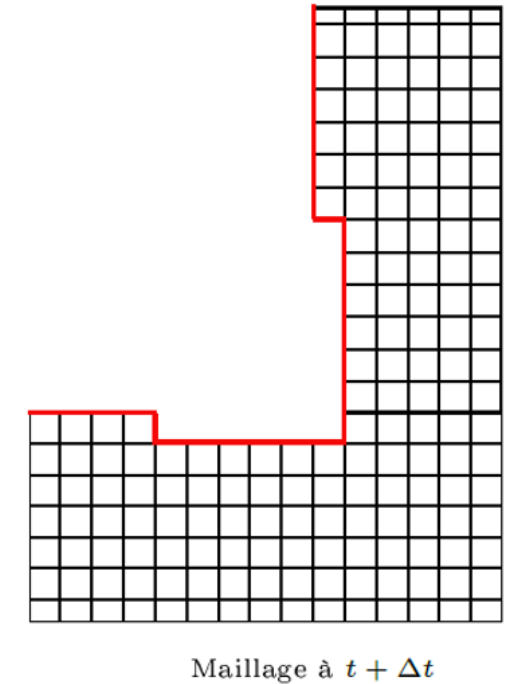
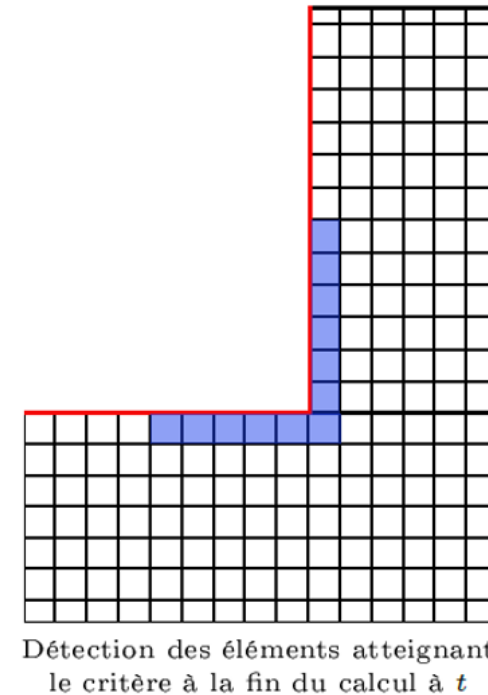
# Hétérogénéité du béton

- Objectif : vérification de la convergence du calcul malgré l'hétérogénéité
- Multiplication de  $\varepsilon_{d0}$  par un champ de bruit blanc non corrélé

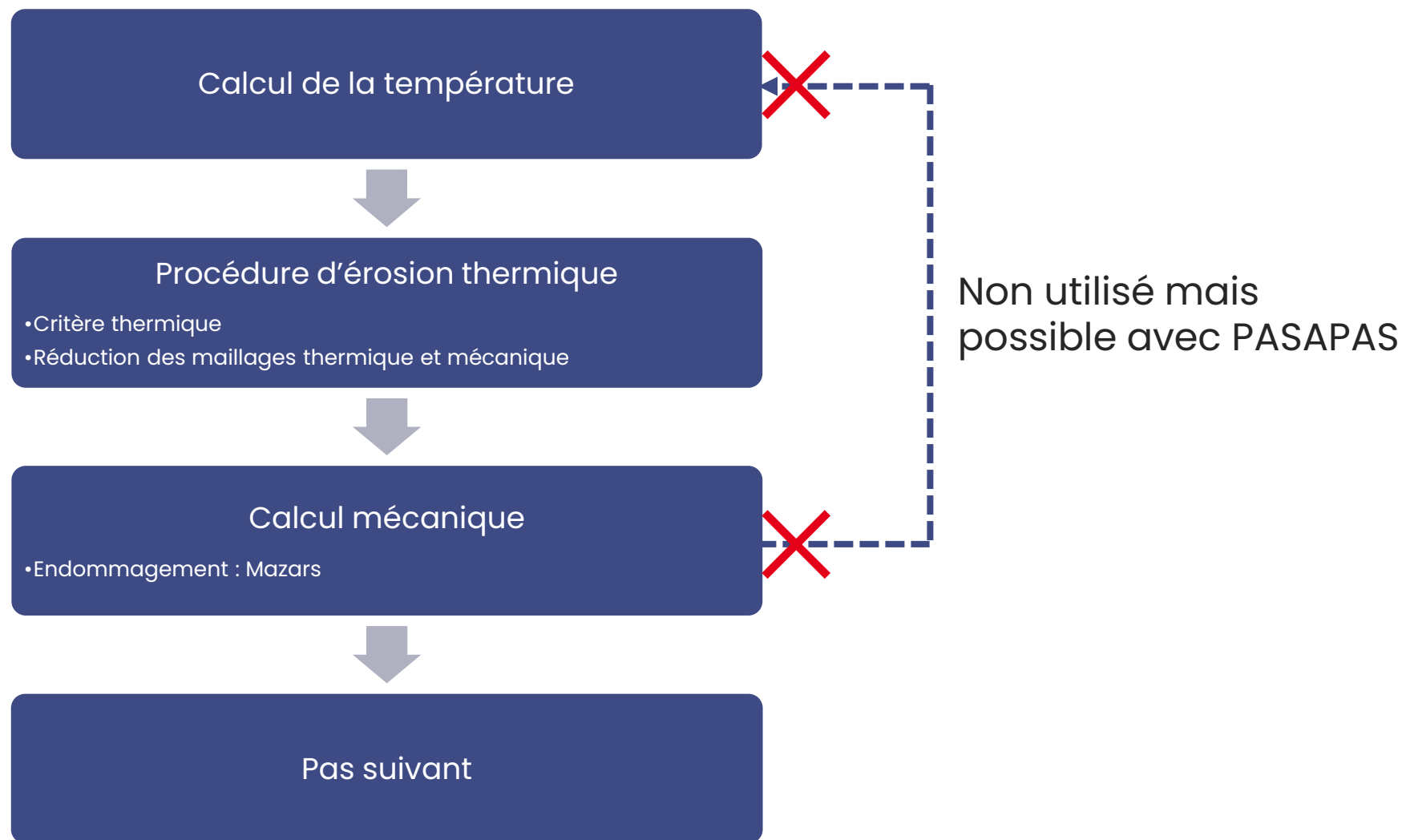


# Fusion du béton

- Chargement thermique sévère conduit à l'ablation du béton
- Critère thermique pour retirer le béton ablaté :
  - Enthalpie massique
$$\frac{1}{V} \int_{\text{élément}} \left( \int_{T_{ini}}^{T(x)} c_p^*(\theta) d\theta \right) dV > 2.7 \text{ MJ} \cdot \text{kg}^{-1}$$
- Mise-à-jour des conditions limites :
  - Détecter la nouvelle zone d'ICB
  - Redéfinir les conditions limites



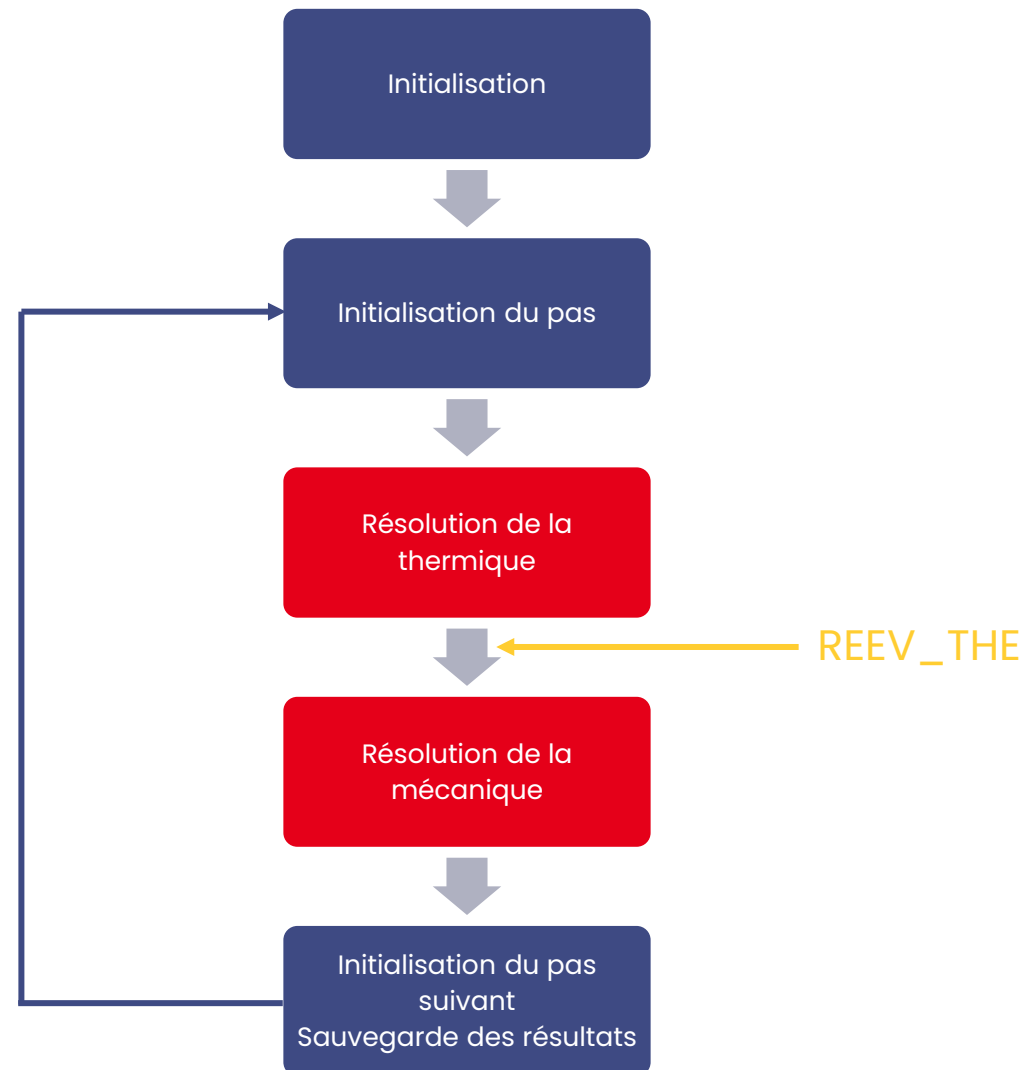
# Déroulé d'un pas de temps avec PASAPAS





# **2. Mise en place dans Cast3M de ce modèle**

# Implémentation numérique dans la procédure PASAPAS



# Calcul des critères d'érosion → REEV\_THE

## ■ Enthalpie massique :

- $\frac{1}{V} \int_{\text{élément}} \left( \int_{T_{ini}}^{T(\underline{x})} c_p^*(\theta) d\theta \right) dV > 2.7 \text{ MJ.kg}^{-1}$
- $\int_{T_{ini}}^T c_p^*(\theta) d\theta$  : `INTG 'BORN'` , `EVOL`
- $T(\underline{x}) \rightarrow \int_{T_{ini}}^{T(\underline{x})} c_p^*(\theta) d\theta$  : `VARI`
- `INTG 'ELEM'` , `CHAN` , `MANU`

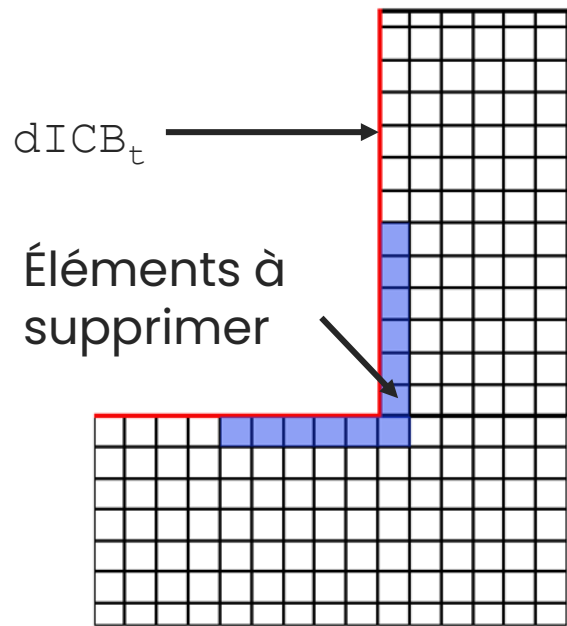
## ■ Nouveau maillage :

- `Champ_enthalpie_massique ELEM 'INFERIEUR' 2.7E6;`

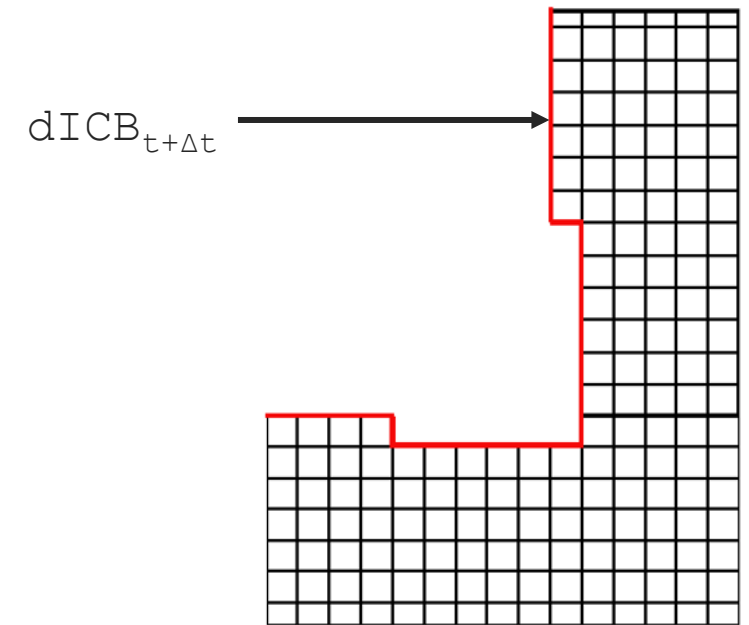
## ■ Réduction des modèles thermique et mécanique :

- `REDU Ancien_modele Nouveau_maillage;`

# Mise à jour des conditions limites → REEV\_THE



Détection des éléments atteignant le critère à la fin du calcul à  $t$



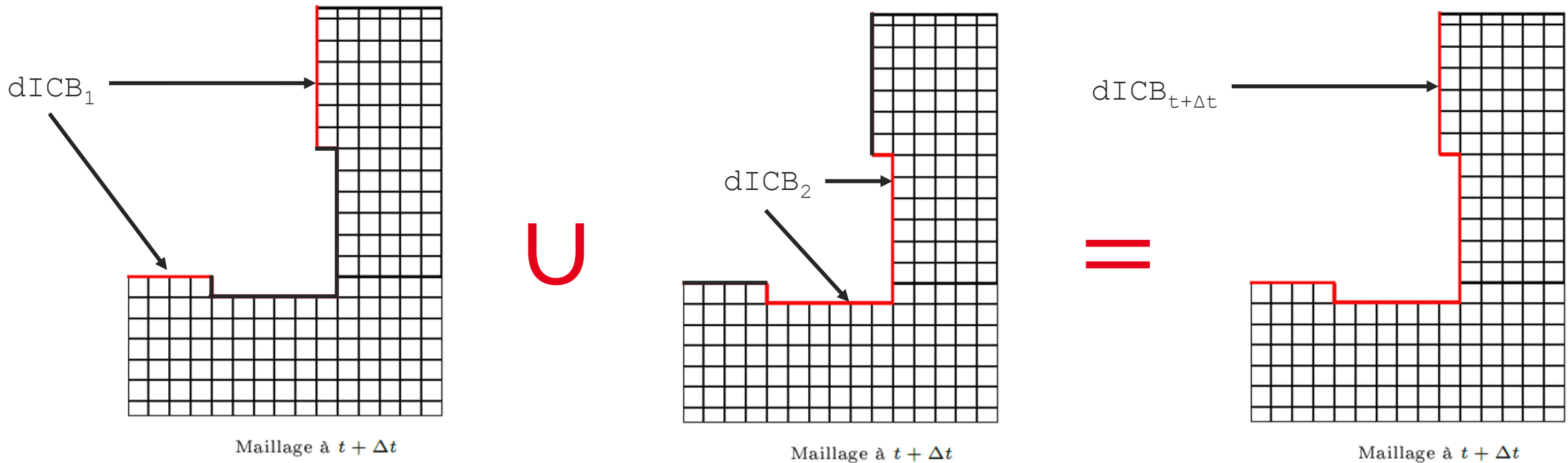
Maillage à  $t + \Delta t$

# Mise à jour des conditions limites → REEV\_THE

$dICB1 = dICB_t \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$

$dICB2 = dElem\_suppr \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$

$dICB_{t+\Delta t} = dICB1 \text{ ET } dICB2;$

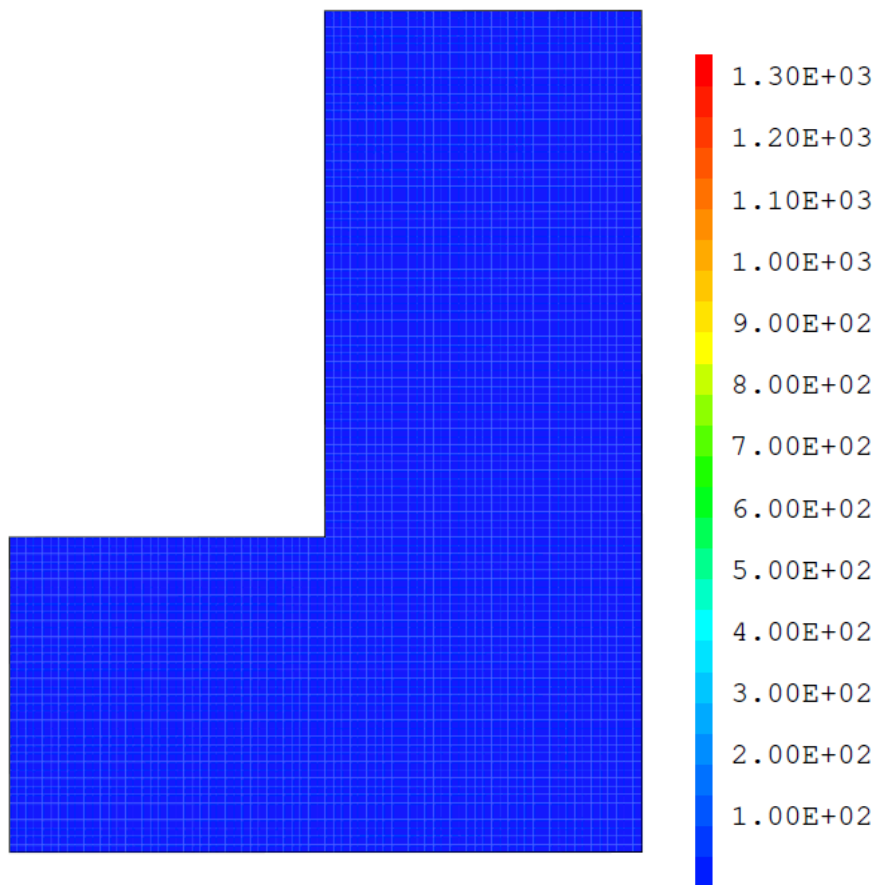






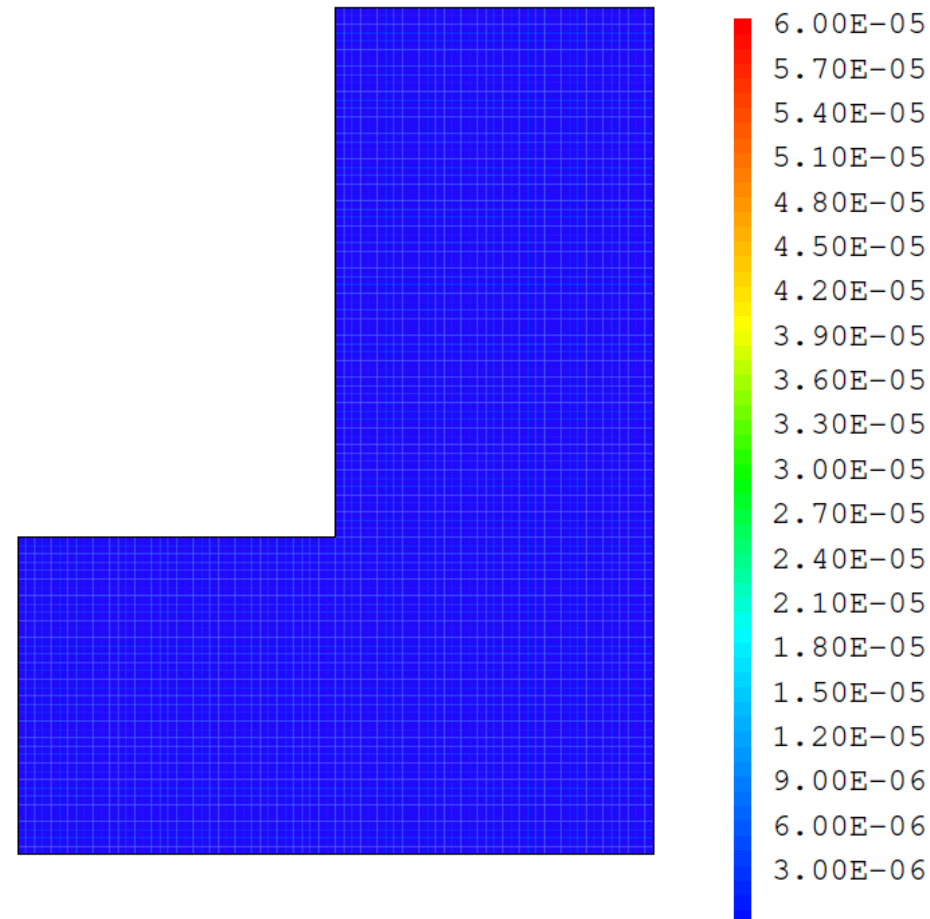
# 3 ■ Résultats

# Température et ouverture de fissure



t = 0.00000E+00

Température (°C)



t = 0.00000E+00

Ouverture de fissure (m)

# Bilan énergétique

Vérifier la conservation de l'énergie :

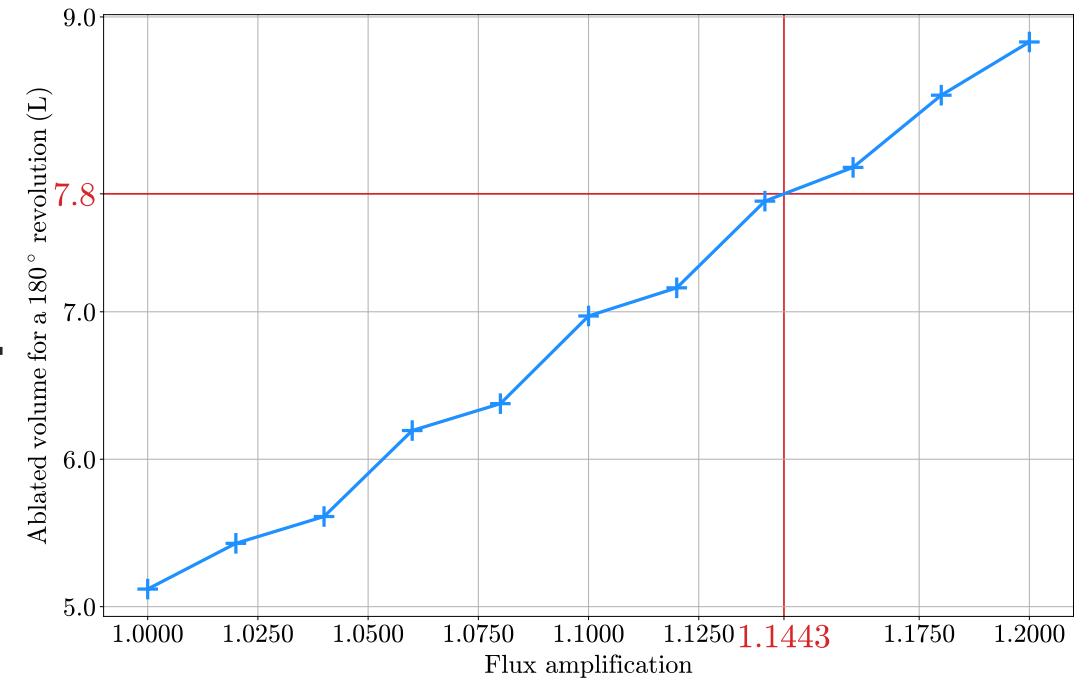
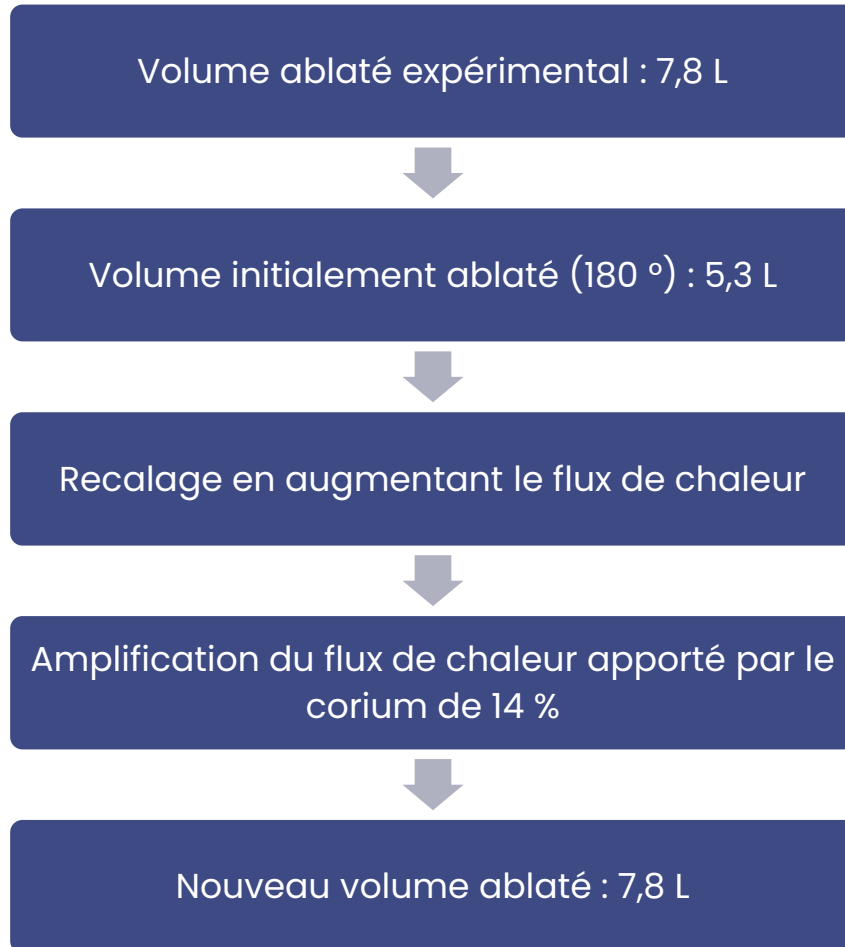
$$R_1 = \frac{E_{\text{apportée par le corium}} - (E_{\text{éléments supprimés}} + E_{\text{interne}} + E_{\text{perdue aux CL}})}{E_{\text{apportée par le corium}}} = 0,9 \%$$

$$R_2 = \frac{E_{\text{éléments supprimés}} - E_{\text{ablater les éléments supprimés}}}{E_{\text{ablater les éléments supprimés}}} = 0,9 \%$$



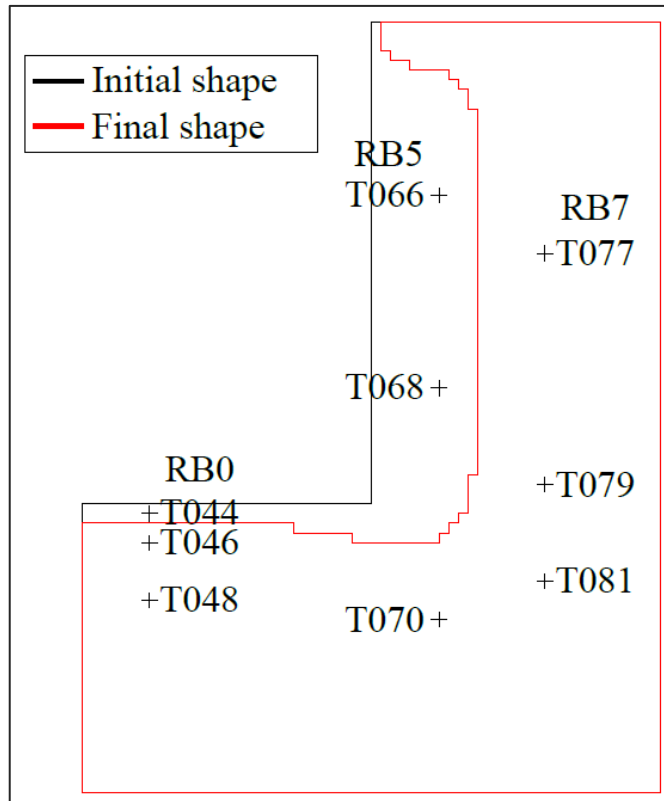
# **4. Comparaison avec l'expérience**

# Volume ablaté

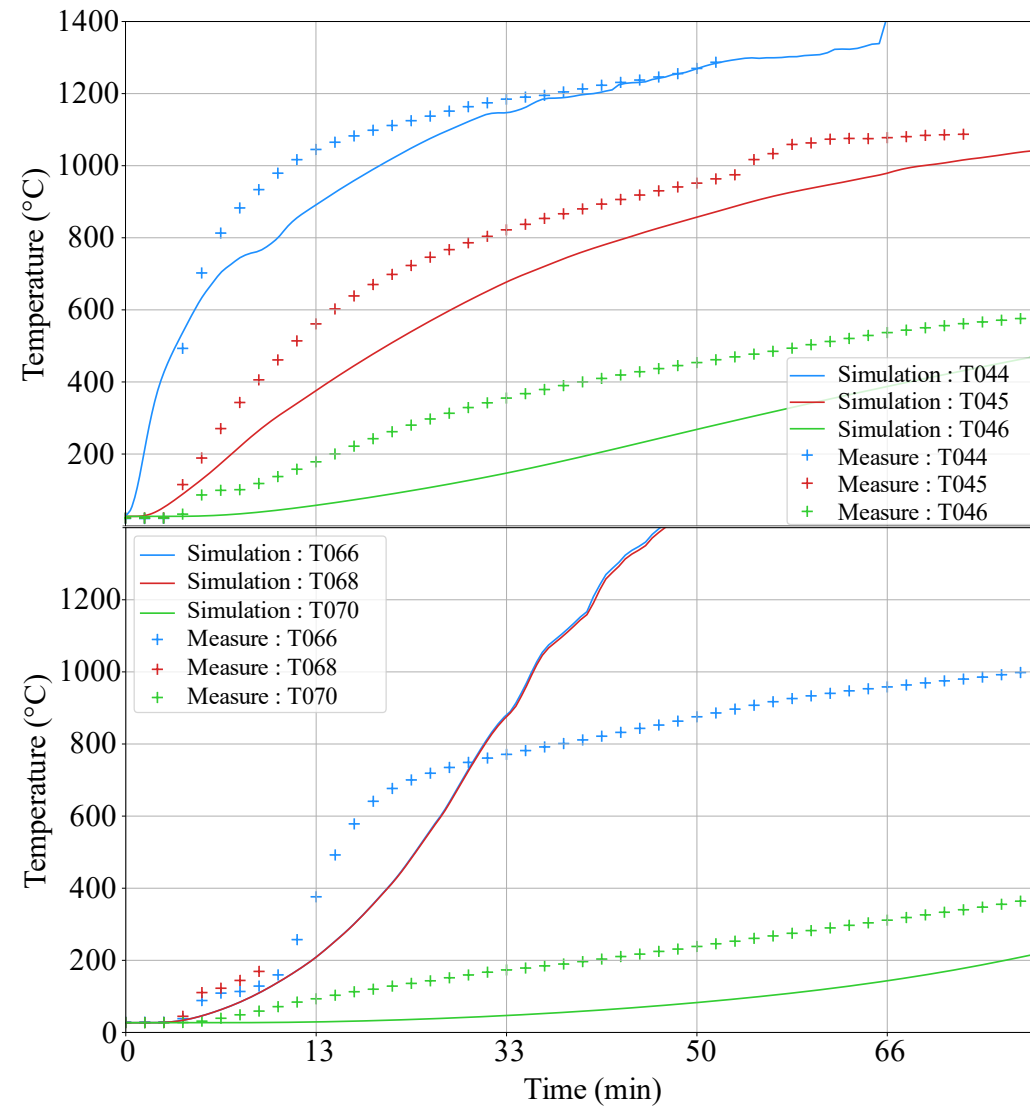


Volume ablaté calculé pour différentes amplifications du chargement

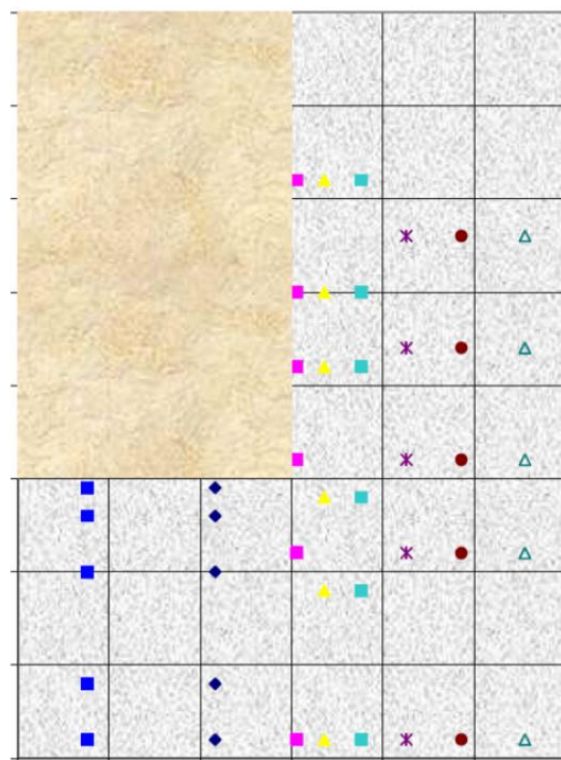
# Comparaison avec les températures mesurées



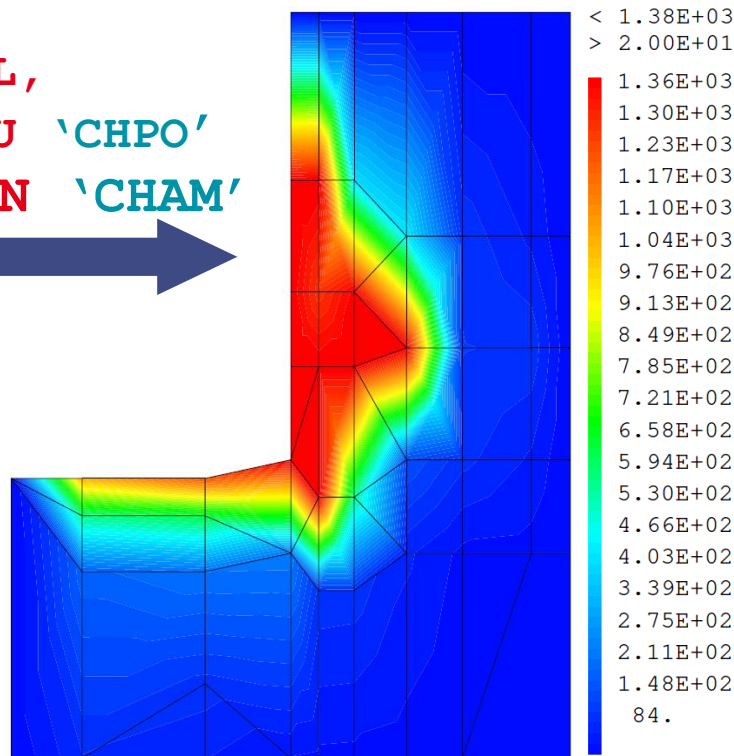
Positions des thermocouples



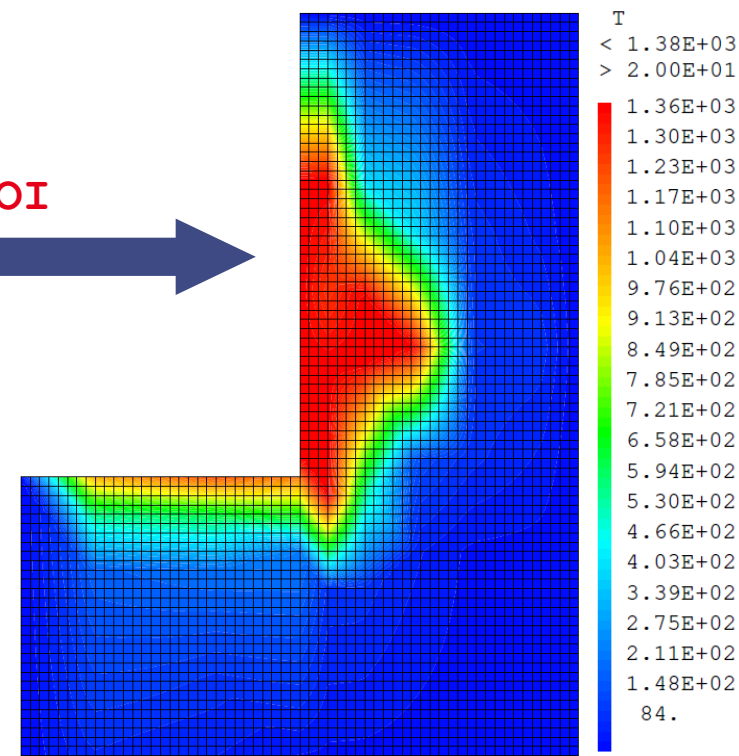
# Utilisation des températures mesurées comme données d'entrées du calcul mécanique



**IPOL,**  
**MANU** 'CHPO'  
**CHAN** 'CHAM'

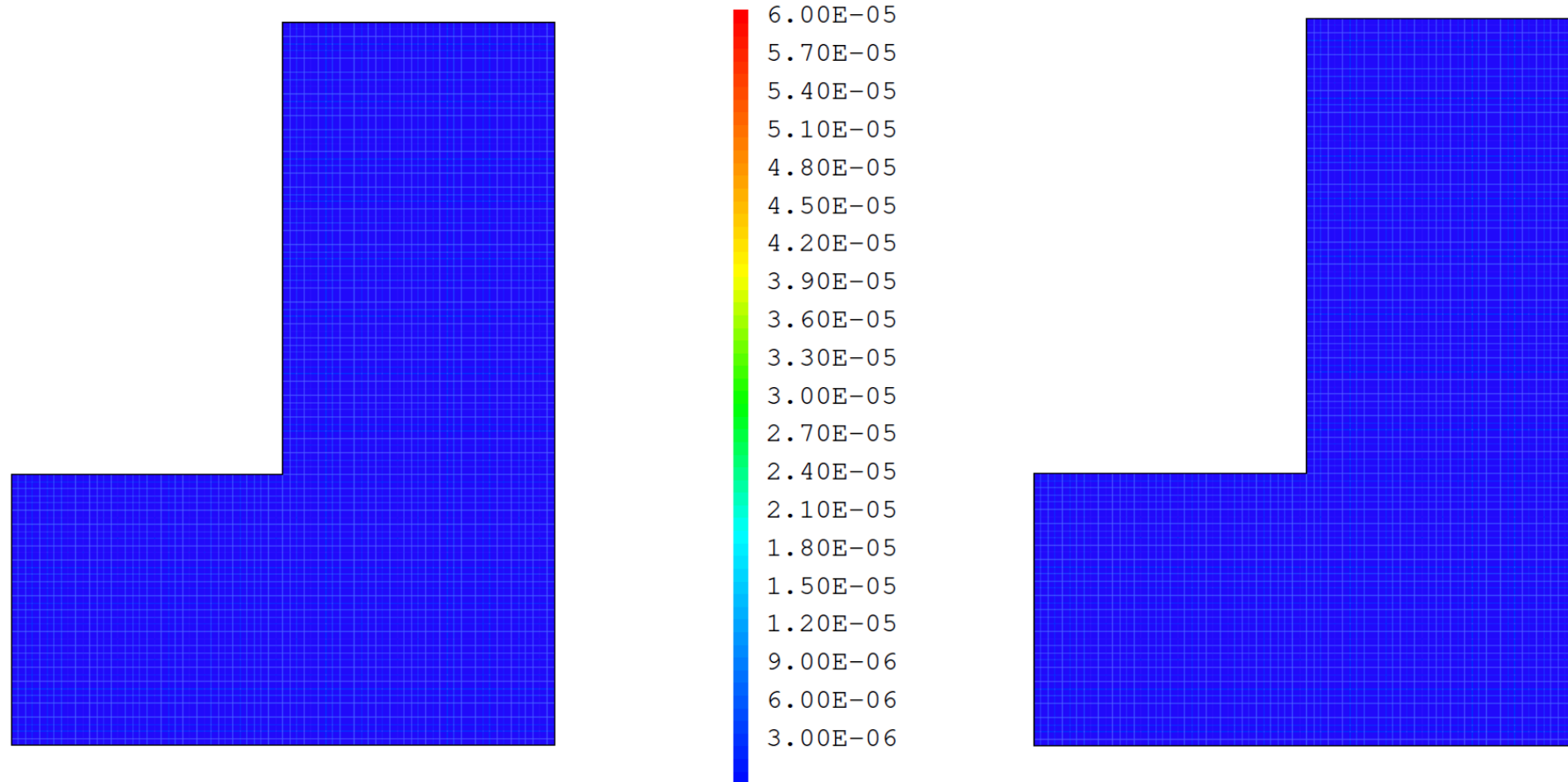


**PROI**



Positions des thermocouples

# Comparaison de l'ouverture de fissure obtenue avec la température simulée ou mesurée



t = 0.00000E+00

Avec la température calculée

t = 0.00000E+00

Avec la température mesurée





# **5 ■ Conclusions et perspectives**

# Conclusions et perspectives

- Conclusions
  - Développement d'une méthode mettant en évidence des macro-fissures dans le cadre de l'ICB
  - Faisabilité de la simulation avec Cast3M
  - Développement d'un critère d'érosion énergétique
  - Limitation de la dépendance au maillage
  - Bilan énergétique respecté
- Perspectives
  - Thermique :
    - Flux non uniforme
    - Changements de phase
  - Mécanique :
    - Modèle plus représentatif
    - Optimisation pour un calcul 3D
    - Armatures en acier
  - Multiphysique :
    - Couplage mécanique ↔ thermique
    - Couplage avec code CFD

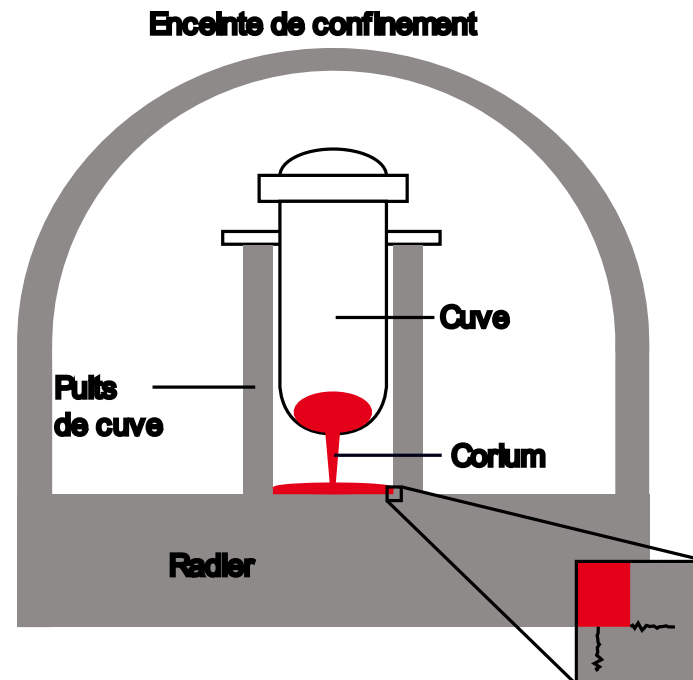


# Merci

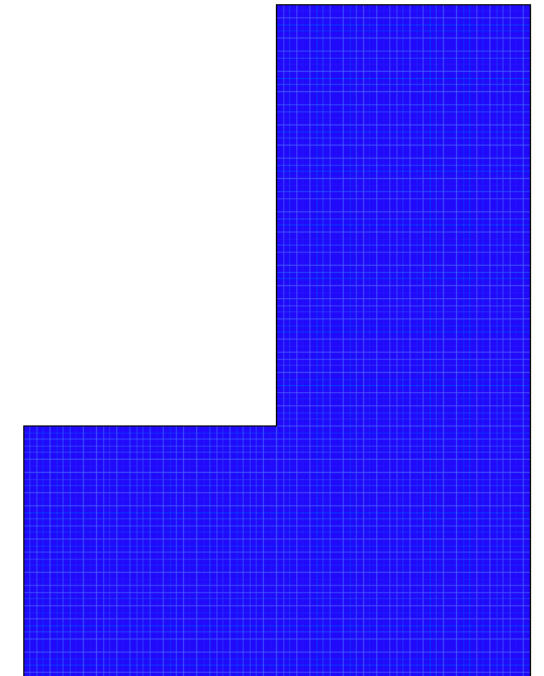
**CEA SACLAY**

91191 Gif-sur-Yvette Cedex  
France

Clement.pionneau@cea.fr  
Standard. + 33 1 69 08 60 00



Fissuration ?  
Percement du radler ?



t = 0.00000E+00



# 6. **Annexes**

# Ouverture de fissure

- Ouverture de fissure :

- $\underline{u} = \underline{u}_e + \underline{u}_{ouv}$

- $\underline{\underline{\varepsilon}} = \underline{\underline{\varepsilon}}_e + \underline{\underline{\varepsilon}}_{ouv}$

- Mazars :  $\underline{\underline{\varepsilon}}_{ouv} = d(\underline{\underline{\varepsilon}} - \underline{\underline{\varepsilon}}_{th})$

- Ouverture dans la direction  $\underline{n}$  :

$$\delta_n = \frac{1}{A} \int_{\text{élément}} \underline{n} \cdot \underline{\underline{\varepsilon}}_{ouv} \cdot \underline{n} dV$$

# Le modèle de Mazars

## ■ Modèle de Mazars régularisé en traction :

- $\underline{\sigma} = (1 - d)\mathbf{C} : \underline{\varepsilon}, d \in [0, 1]$

- $d = \alpha_t^\beta d_t(\varepsilon_{eq}) + \alpha_c^\beta d_c(\varepsilon_{eq})$   

$$\varepsilon_{eq} = \sqrt{\langle \varepsilon_1 \rangle_+^2 + \langle \varepsilon_2 \rangle_+^2 + \langle \varepsilon_3 \rangle_+^2}$$

- $d \nearrow$  si  $\varepsilon_{eq} > \kappa(d)$   
 $\kappa(0) = \varepsilon_{d0} = f_t/E$

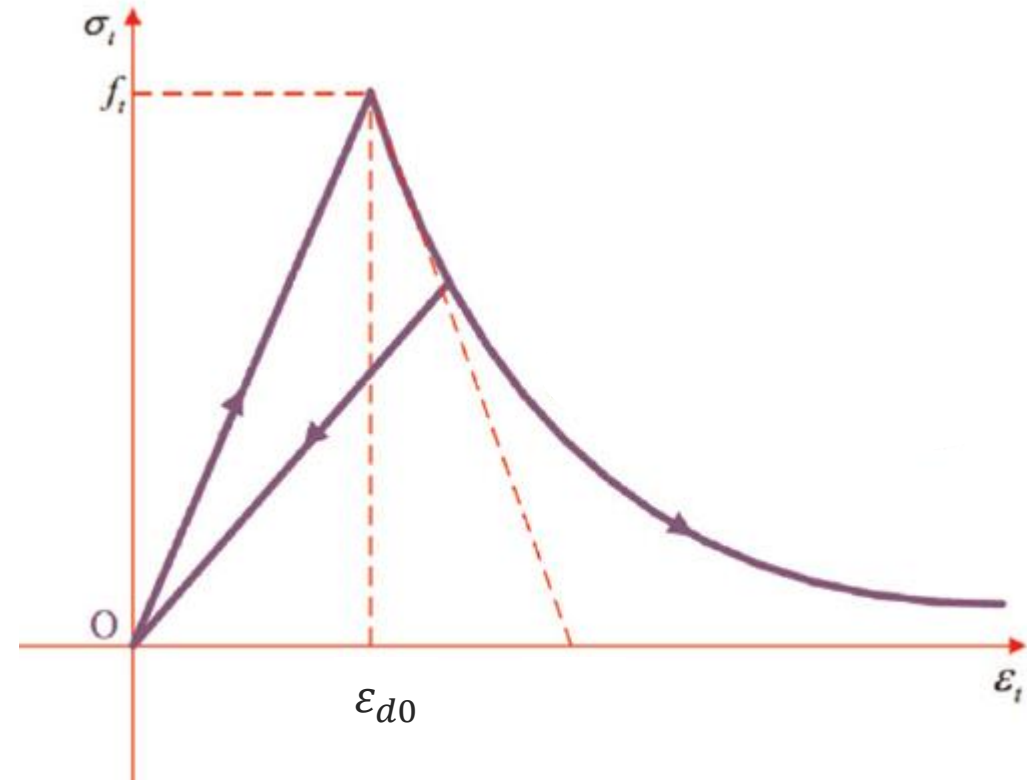
- $d_c = 1 - \frac{\varepsilon_{d0}}{\varepsilon_{eq}}(1 - A_c) - A_c \exp(-B_c(\varepsilon_{eq} - \varepsilon_{d0}))$

- $d_t =$   

$$\begin{cases} 1 - \frac{\varepsilon_{d0}}{\varepsilon_{eq}}(1 - A_t) - A_t \exp(-B_t(\varepsilon_{eq} - \varepsilon_{d0})) & \text{sans régularisation} \\ 1 - \frac{\varepsilon_{d0}}{\varepsilon_{eq}} \exp(-B_t(\varepsilon_{eq} - \varepsilon_{d0})) & \text{avec régularisation} \end{cases}$$

- $\alpha_t = \frac{1}{\varepsilon_{eq}^2} \varepsilon_{ti} \langle \varepsilon_i \rangle_+$

- $\varepsilon_{ti} = \frac{1+\nu}{E} \langle \bar{\sigma}_i \rangle_+ - \frac{\nu}{E} \sum_{j=1}^3 \langle \bar{\sigma}_j \rangle_+$



Essai de traction uniaxiale

Source : [An effective model for analysis of reinforced concrete members and structures under blast loading](#)

# Régularisation en traction

- Objectif : rendre constante l'énergie dissipée par la fissuration

- Lois de la thermodynamique en quasi statique pour un système fermé isotherme :

$$\dot{U} = P_{ext} + P_{cal} \text{ et } \dot{S} = \frac{P_{cal}}{T} + P_s$$

$$TP_s = P_{ext} - (\dot{U} - T\dot{S}) = P_{ext} - \dot{\Psi}$$

- Energie dissipée si les appuis sont parfaits :

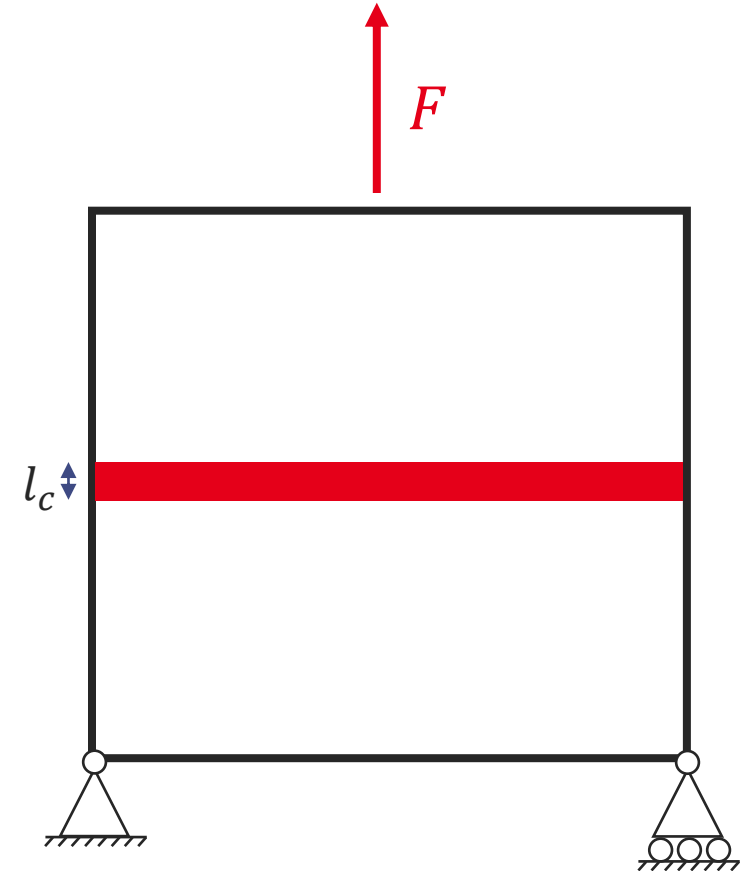
$$E_d = TP_s = \int_0^\infty F(u) du - 0$$

- Localisation de l'endommagement dans une bande d'élément :

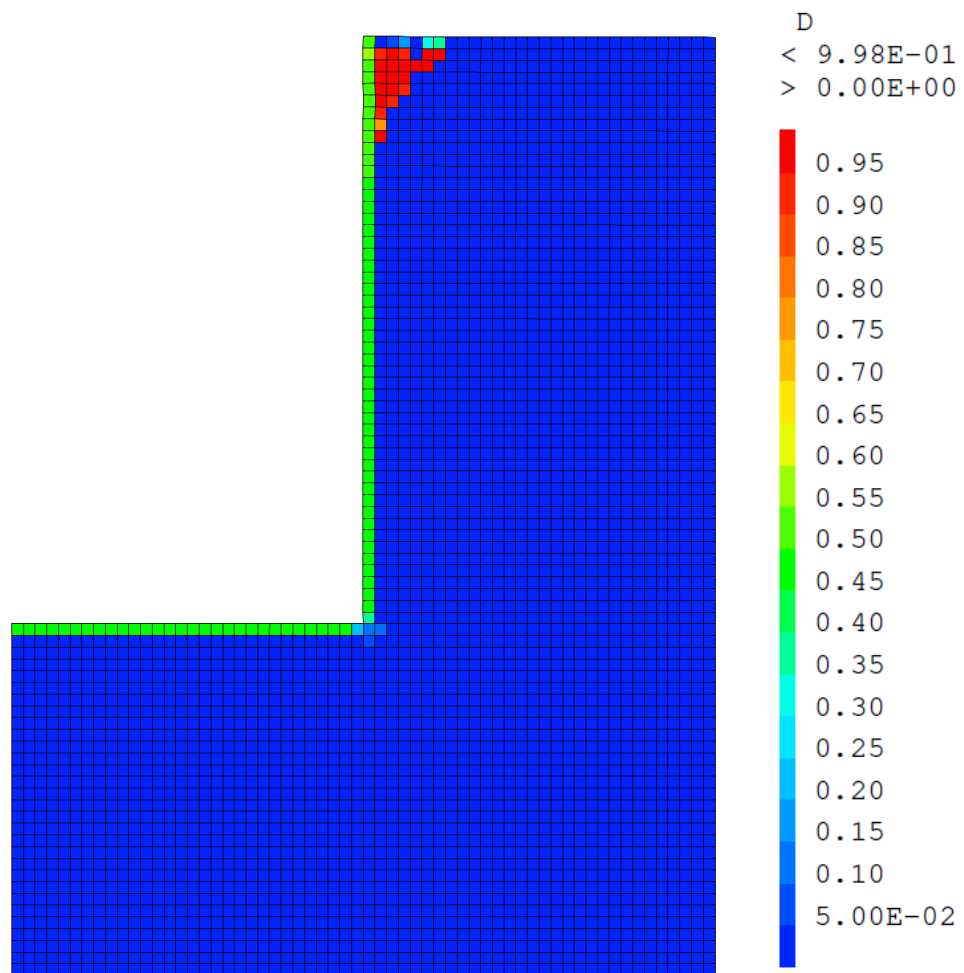
$$E_d = l_c \cdot S \int_0^\infty \sigma(\varepsilon) d\varepsilon$$

- Condition : énergie dissipée indépendante de  $l_c$  et égale à  $G_{ft}S$  ( $G_{ft}$  : taux de relaxation de l'énergie) :

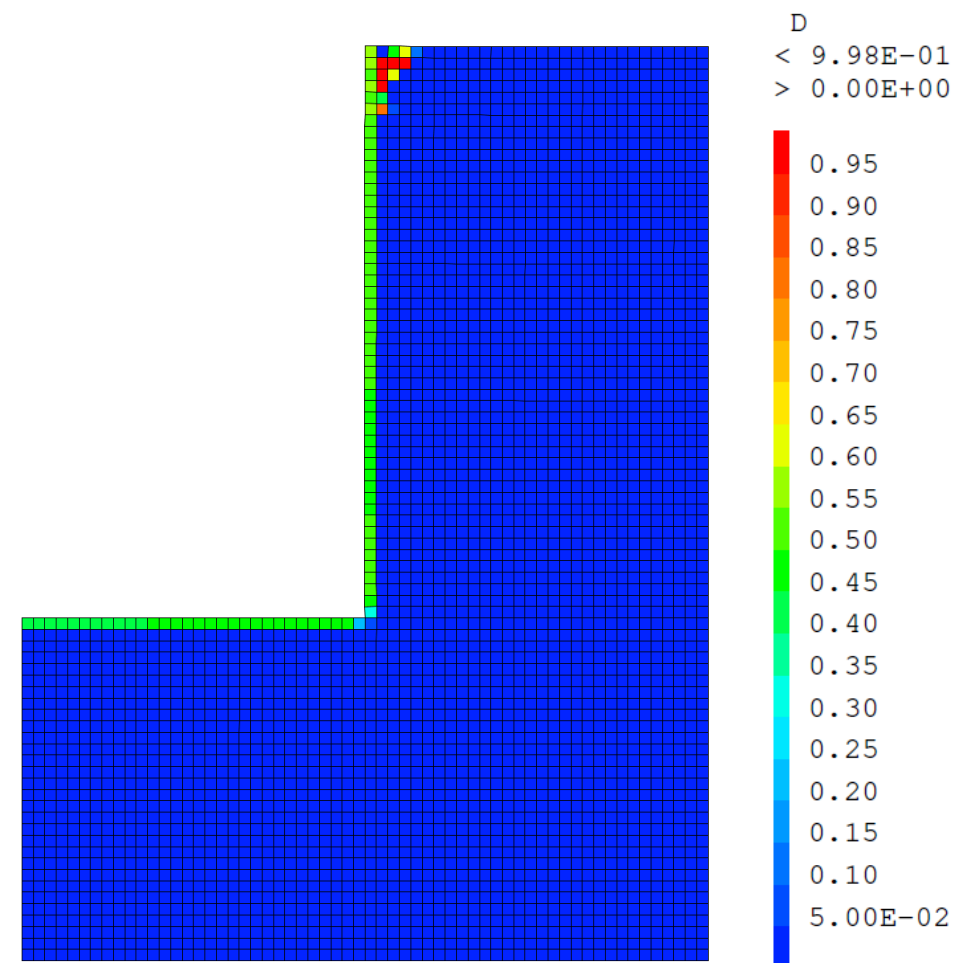
$$E_d = G_{ft}S \Rightarrow B_t = \frac{f_t l_c}{G_{ft} - \frac{1}{2} E \varepsilon_{d0}^2 l_c}$$



# Régularisation en traction



Sans régularisation

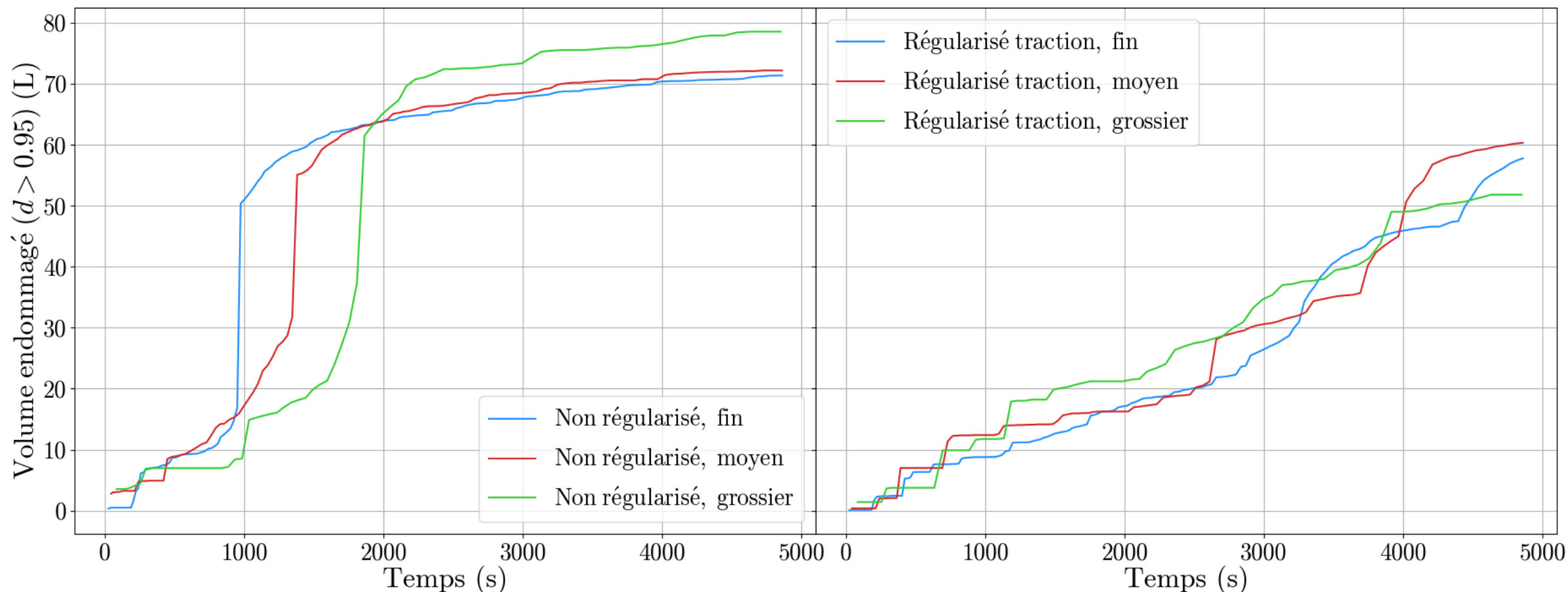


Avec régularisation



# Régularisation en traction

Volume des éléments endommagés



# Reconstruction du champs de température à partir des mesures

Mesures pour chaque capteur : `EVOL 'MANU' liste_temps liste_temperatures_capteur_i ;`

Conversion maillage en liste de points : `CHAN 'POI1' maillage ;`

Création d'une liste contenant le température au temps  $t$  associée à chaque point : `PROG, INSE, IPOL`

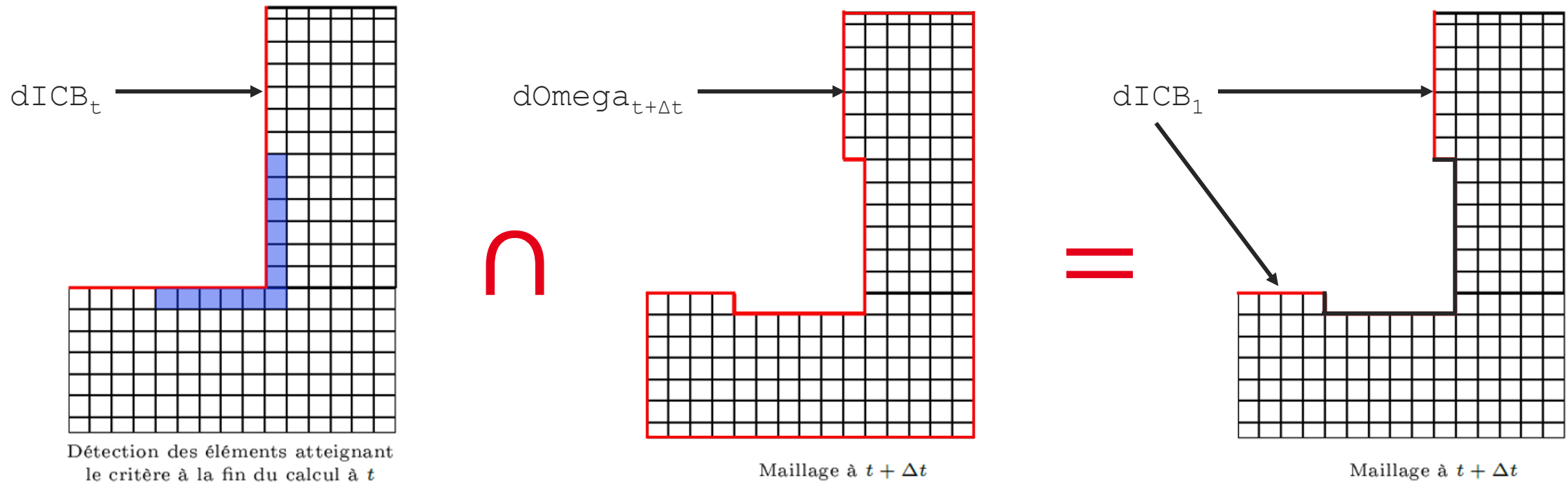
Création du champ par point : `MANU 'CHPO' liste_points liste_temperatures_t ;`

Conversion en champ par éléments : `CHAN 'CHAM' ... ;`

Projection de ce champ sur le maillage mécanique : `PROI`

# Mise à jour des conditions limites $\rightarrow$ REEV\_THE

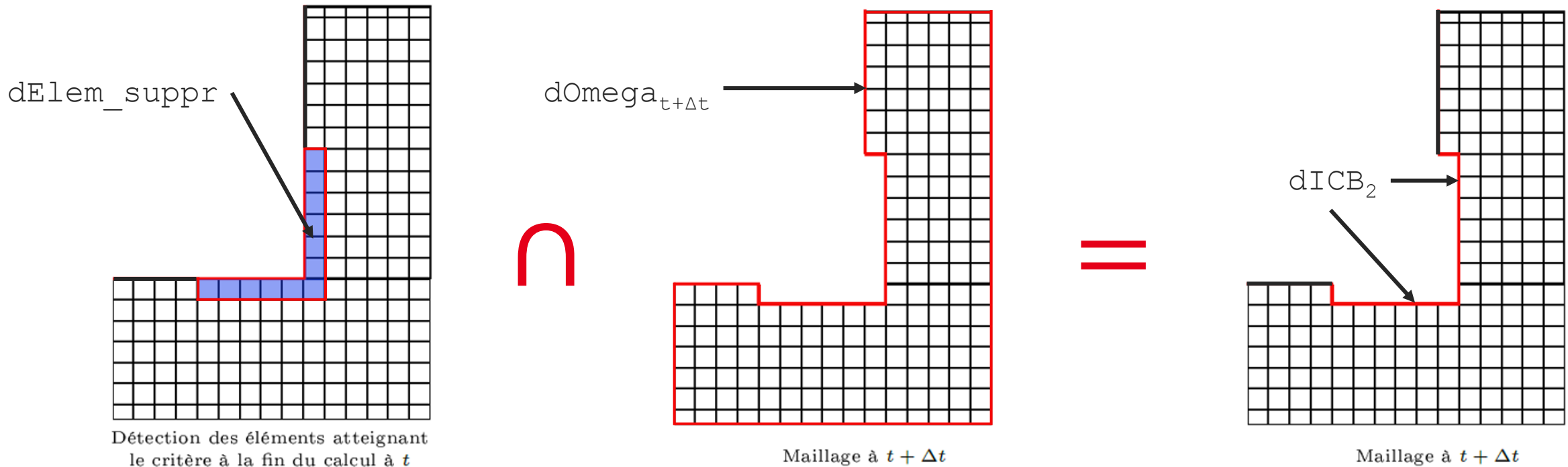
$$dICB1 = dICB_t \cup d\Omega_{t+\Delta t};$$



# Mise à jour des conditions limites → REEV\_THE

$$dICB1 = dICB_t \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$$

$$dICB2 = dElem\_suppr \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$$

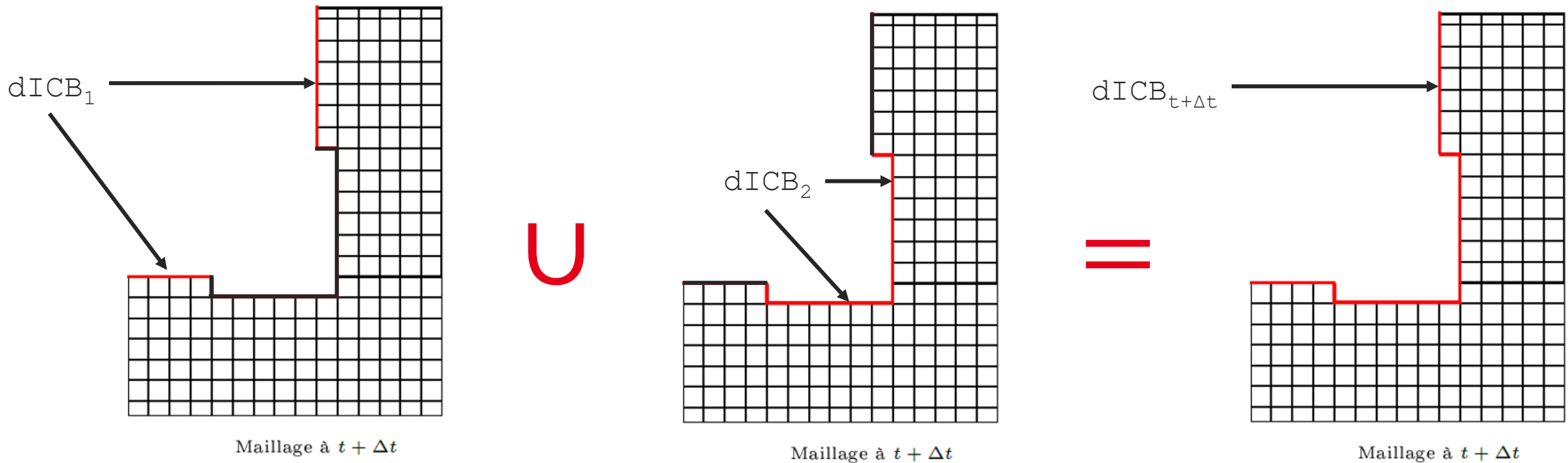


# Mise à jour des conditions limites → REEV\_THE

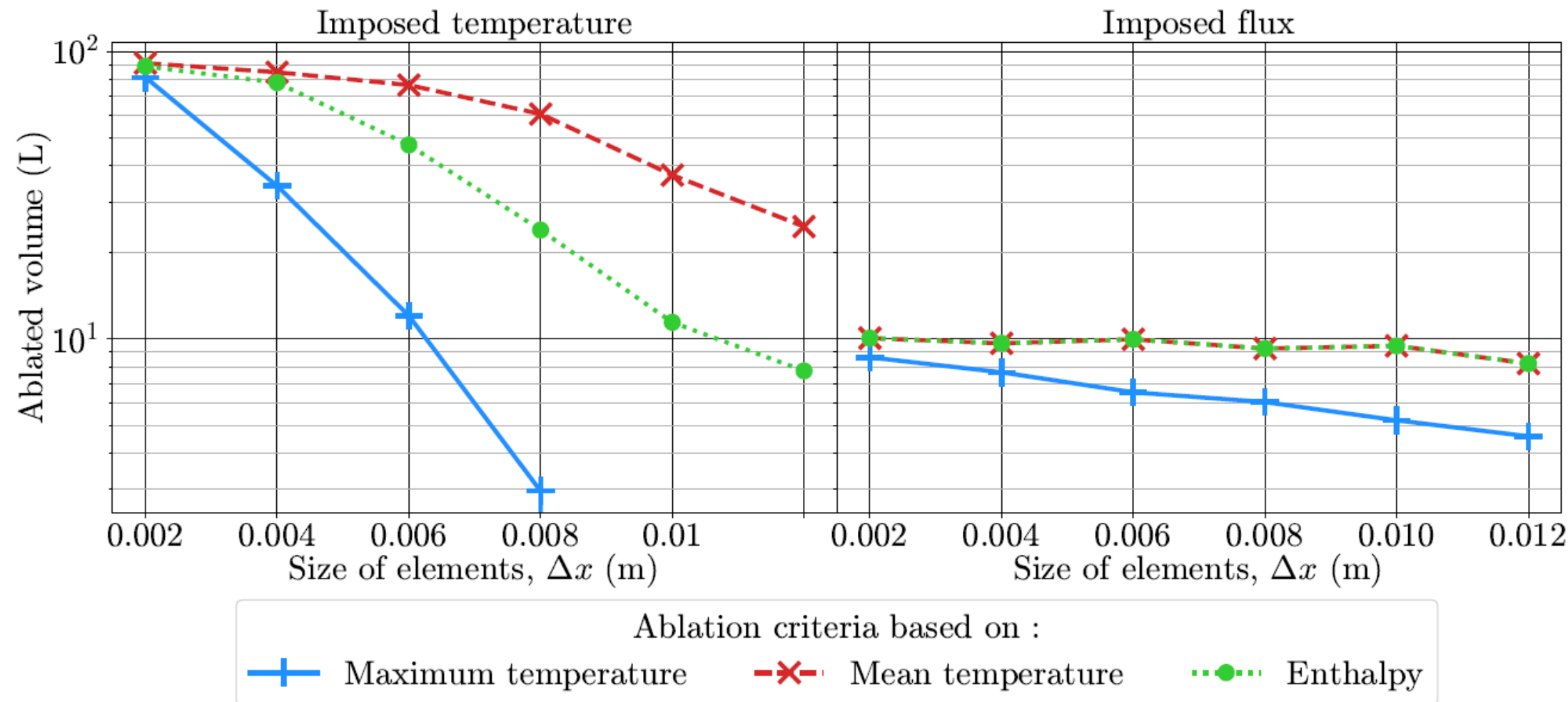
$dICB1 = dICB_t \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$

$dICB2 = dElem\_suppr \text{ INTE } d\Omega_{t+\Delta t};$

$dICB_{t+\Delta t} = dICB1 \text{ ET } dICB2;$



# Dépendance au maillage



# Effet du pas de temps

